



## Խաղալիք գնացք

Արեգուն և նրա եղբայր Բորգուն երկվորյակներ են: Նրանք իրենց ծննդյան օրը ստացել են սքանչելի խաղալիք՝ գնացք և երկաթգծեր: Դրանով նրանք ուզում են կառուցել երկաթգծերի ցանց, որն ունենա  $n$  կայարան և  $m$  միակողմ երկաթգիծ: Կայարանները համարակալված են 0-ից մինչև  $n - 1$  թվերով: Յուրաքանչյուր երկաթգիծ սկսում է որևէ կայարանում և ավարտվում է նույն կամ այլ կայարանում: Յուրաքանչյուր կայարանից դուրս է գալիս առնվազն մեկ երկաթգիծ:

Որոշ կայարաններ լիցքավորման կայարաններ են: Հենց որ գնացքը հասնում է լիցքավորման կայարան, այն լրիվ լիցքավորվում է: Լրիվ լիցքավորված գնացքն ունենում է բավարար էներգիա  $n$  հատ հաջորդական երկաթգծերով անցնելու համար: Դա նշանակում է, որ գնացքի էներգիան սպառվում է այն ժամանակ, երբ վերջին անգամ լիցքավորվելուց հետո  $(n + 1)$ -րդ անգամ պետք է մուտք գործի երկաթգիծ:

Յուրաքանչյուր կայարանում կա փոխարկիչ, որը կարող է ցույց տալ այդ կայարանից սկիզբ առնող երկաթգծերից ցանկացածը: Գնացքը կայարանից դուրս է գալիս այն երկաթգծով, որին ցույց է տալիս փոխարկիչը:

Երկվորյակները պատրաստվում են իրենց խաղալիք գնացքով խաղ խաղալ: Նրանք արդեն բոլոր կայարանները բաժանել են իրար միջև՝ յուրաքանչյուր կայարան պատկանում է Արեգունին կամ Բորգունին: Կա միայն մեկ գնացք: Խաղի սկզբում գնացքը գտնվում է  $s$ -րդ կայարանում և լրիվ լիցքավորված է: Խաղը սկսելու համար  $s$ -րդ կայարանի սեփականատերը  $s$ -րդ կայարանի փոխարկիչով ընտրում է  $s$ -րդ կայարանից դուրս եկող երկաթգծերից մեկը: Այնուհետև նրանք միացնում են գնացքը, և գնացքը սկսում է շարժվել երկաթգծերով:

Երբ գնացքը մտնում է որևէ կայարան առաջին անգամ, այդ կայարանի սեփականատերը կայարանի փոխարկիչի միջոցով ընտրում է հետագա շարժման ուղղությունը: Այնուհետև փոխարկիչը միշտ մնում է նույն դիրքում: Այսպիսով, եթե գնացքը հասնում է մի կայարան, որտեղ նախկինում եղել է, այն դուրս կգա կայարանից այն նույն երկաթգծով, ինչպես նախկինում:

Քանի որ կայարանների քանակը վերջավոր է, ապա գնացքը ի վերջո կսկսի շարժվել *ցիկլով*: Ցիկլը *հրաքից տարրեր*  $c[0], c[1], \dots, c[k - 1]$  կայարանների այնպիսի հաջորդականությունն է, որ գնացքը  $c[i]$  կայարանից շարժվում է դեպի  $c[i + 1]$  կայարան, երբ  $0 \leq i < k - 1$  և  $c[k - 1]$  կայարանից դեպի  $c[0]$  կայարան: Սկստեք, որ ցիկլը կարող է բաղկացած լինել մեկ կայարանից (երբ  $k = 1$ ). Գնացքը դուրս է գալիս  $c[0]$  կայարանից երկաթգծով, որը նրան ետ է բերում  $c[0]$  կայարան:

Արեգուն հաղթում է այն դեպքում, երբ գնացքը շարունակում է անվերջ գնալ, իսկ Բորգուն հաղթում է այն դեպքում, երբ գնացքի Էներգիան սպառվում է: Այլ կերպ ասած, եթե  $c[0], c[1], \dots, c[k-1]$  կայարաններից գոնե մեկը լիցքավորման կայարան է, ապա գնացքը կարող է լիցքավորվել և անվերջ պտտվել, և Արեգուն հաղթում է: Հակառակ դեպքում, նրա Էներգիան կսպառվի (հնարավոր է մի քանի ցիկլ անելուց հետո), և կհաղթի Բորգուն:

Ձեզ տրված է երկաթուղային համակարգի նկարագրությունը: Արեգուն և Բորգուն պատրաստվում են խաղալ  $n$  խաղ:  $s$ -րդ խաղում,  $0 \leq s \leq n-1$ , գնացքը սկզբում լինելու է  $s$ -րդ կայարանում: Ձեր խնդիրն է պարզել, թե արդյոք յուրաքանչյուր խաղի համար գոյություն ունի Արեգուի հաղթանակը երաշխավորող ստրատեգիա, որը կախված չէ նրանից, թե Բորգուն ինչպես կխաղա:

## Իրականացման մանրամասներ

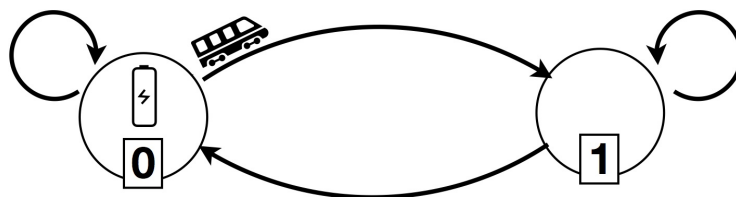
Դուք պետք է իրականացնեք հետևյալ ֆունկցիան.

```
int[] who_wins(int[] a, int[] r, int[] u, int[] v)
```

- $a$ -ն  $n$  երկարությամբ զանգված է: Եթե  $i$ -րդ կայարանը պատկանում է Արեգուին,  $a[i] = 1$ : Հակառակ դեպքում  $i$ -րդ կայարանը պատկանում է Բորգուին և  $a[i] = 0$ :
- $r$ -ը  $n$  երկարությամբ զանգված է: Եթե  $i$ -րդ կայարանը լիցքավորման կայարան է,  $r[i] = 1$ : Հակառակ դեպքում,  $r[i] = 0$ :
- $u$ -ն և  $v$ -ն  $m$  երկարությամբ զանգվածներ են: Բոլոր  $0 \leq i \leq m-1$ -ի համար, կա  $u[i]$  կայարանից սկսող և  $v[i]$  կայարանում ավարտվող միակողմանի ճանապարհ:
- Այս ֆունկցիան պետք է վերադարձնի  $n$  երկարությամբ  $w$  զանգված: Յուրաքանչյուր  $0 \leq i \leq n-1$  համար,  $w[i]$ -ի արժեքը պետք է լինի 1, եթե Արեգուն կարող է հաղթել խաղը, որը սկսում է  $i$  կայարանում, անկախ նրանից, թե Բորգուն ինչպես կխաղա: Հակառակ դեպքում  $w[i]$ -ի արժեքը պետք է լինի 0:

## Օրինակ

```
who_wins([0, 1], [1, 0], [0, 0, 1, 1], [0, 1, 0, 1])
```



- Կա 2 կայարան: 0 կայարանը, որը լիցքավորման կայարան է, պատկանում է Բորգուին: 1 կայարանը, որը լիցքավորման կայարան չէ, պատկանում է

Արեգուիին:

- Կա 4 երկաթգիծ՝  $(0, 0)$ ,  $(0, 1)$ ,  $(1, 0)$  և  $(1, 1)$ , որտեղ  $(i, j)$ -ն նշանակում է  $i$  կայարանից  $j$  կայարան տանող միակողմ ճանապարհ:
- Դիտարկենք խաղ, որում գնացքը սկզբում գտնվում է 0 կայարանում: Եթե Բորգուն 0 կայարանի փոխարկիչը դնի  $(0, 0)$  երկաթգծի ուղղությամբ, գնացքը այդ երկաթգծով անվերջ կպտտվի (նկատենք, որ 0 կայարանը լիցքավորման կայարան է): Այս դեպքում հաղթում է Արեգուն: Հակառակ դեպքում, եթե Բորգուն 0 կայարանի փոխարկիչը դնի  $(0, 1)$  երկաթգծի ուղղությամբ, Արեգուն 1 կայարանի փոխարկիչը կարող է դնել  $(1, 0)$  ուղղությամբ: Եթե դա տեղի ունենա, գնացքը անվերջ կպտտվի երկու կայարաններով: Կրկին Արեգուն է հաղթում, քանի որ 0 կայարանը լիցքավորման կայարան է, և գնացքը կանգ չի առնի: Այսպիսով, Արեգուն կարող է հաղթել անկախ նրանից, թե Բորգուն ինչ կանի:
- Նման դատողություններով, 1 կայարանից սկսվող խաղում նույնպես Արեգուն կարող է հաղթել անկախ նրանից, թե Բորգուն ինչպես կխաղանք: Հետևաբար, Ֆունկցիան պետք է վերադարձնի  $[1, 1]$ :

## Սահմանափակումներ

- $1 \leq n \leq 5000$ .
- $n \leq m \leq 20\,000$ .
- Գոյություն ունի առնվազն մեկ լիցքավորման կայարան:
- Յուրաքանչյուր կայարանից դուրս է գալիս առնվազն մեկ երկաթգիծ:
- Կարող են լինել երկաթգծեր, որոնք սկսվում և ավարտվում են նույն կայարանում (այսինքն,  $u[i] = v[i]$ ):
- Երկաթգծերը տարբեր են: Այլ կերպ ասած, չկան այնպիսի երկու  $i$  և  $j$  ինդեքսներ  $(0 \leq i < j \leq m - 1)$  որ  $u[i] = u[j]$  և  $v[i] = v[j]$ .
- $0 \leq u[i], v[i] \leq n - 1$  (բոլոր  $0 \leq i \leq m - 1$  համար):

## Ենթախնդիրներ

1. (5 միավոր) Բոլոր  $0 \leq i \leq m - 1$  համար, կամ  $v[i] = u[i]$  կամ  $v[i] = u[i] + 1$ :
2. (10 միավոր)  $n \leq 15$ .
3. (11 միավոր) բոլոր կայարանները պատկանում են Արեգուին:
4. (11 միավոր) բոլոր կայարանները պատկանում են Բորգուին:
5. (12 միավոր) Կա ճիշտ մեկ լիցքավորման կայարան:
6. (51 միավոր) Լրացուցիչ սահմանափակումներ չկան:

## Գրեյդերի օրինակ

Գրեյդերի օրինակը կարդում է մուտքային տվյալները հետևյալ ձևաչափով.

- Տող 1:  $n$   $m$
- Տող 2:  $a[0]$   $a[1]$   $\dots$   $a[n - 1]$

- Տող 3:  $r[0] \ r[1] \ \dots \ r[n - 1]$
- Տող  $4 + i$  (for  $0 \leq i \leq m - 1$ ):  $u[i] \ v[i]$

Գրելով օրինակը տպում է `who_wins`-ի վերադարձի արժեքը հետևյալ ձևաչափով.

- Տող 1:  $w[0] \ w[1] \ \dots \ w[n - 1]$