



西默夫 (Simurgh)

根據沙納瑪 (Shahnameh) 中的古代波斯傳說，Zal，傳奇的波斯英雄，瘋狂地愛上了 Kabul 王國的公主Rudaba。在 Zal 向 Rudaba 求婚時，Rudaba 的父親給他了一個挑戰。

在波斯有 n 個城市，標記為從 0 到 $n - 1$ ，以及 m 條雙向道路，標記為從 0 到 $m - 1$ 。每條道路連接兩個不同的城市。每一對城市至多會被一條道路連接。有些道路是禦道 (royal roads)，專用於皇室行駛，但這是保密的。Zal 的任務是找出哪些道路是禦道。

Zal 有一張包括所有城市和所有道路的波斯地圖。他不知道哪些道路是禦道，但是他可以求救於 Simurgh——好心的神鳥、Zal 的保護者。然而，Simurgh 並不想直接告訴他哪些道路是禦道。取而代之，Simurgh 告訴 Zal，所有禦道的集合是一個黃金集合 (golden set)。一個道路的集合是黃金集合，當且僅當：

- 它恰好包含 $n - 1$ 條道路，而且
- 對於每一對城市，僅沿著這個集合中的道路即可從其中一個城市抵達另外一個城市。

此外，Zal 可以問 Simurgh 一些問題。對於每個問題：

1. Zal 選出道路的一個黃金集合，然後
2. Simurgh 會告訴 Zal，在所選擇的黃金集合中有多少條道路是禦道。

你的程式可以問 Simurgh 最多 q 個問題，以此幫助 Zal 找出禦道的集合。評測工具將扮演 Simurgh 的角色。

實現細節

你需要實現下面的函數：

```
int[] find_roads(int n, int[] u, int[] v)
```

- n ：城市的數量，
- u 和 v ：均為長度為 m 的陣列。對於所有 $0 \leq i \leq m - 1$ ， $u[i]$ 和 $v[i]$ 是被道路 i 所連接的城市。
- 該函數需要返回一個長度為 $n - 1$ 的陣列，其中包括了所有禦道的標號（可以以任意的順序給出）。

你的程式至多只能調用評測工具中的如下函數 q 次：

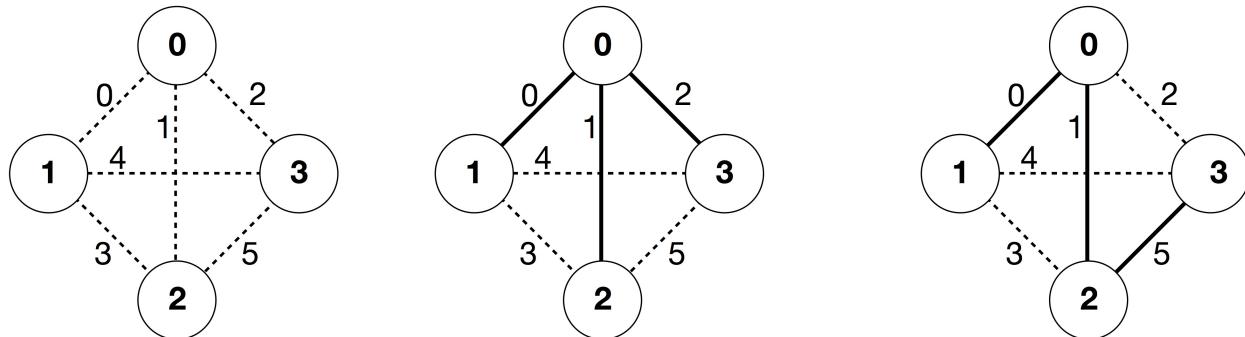
```
int count_common_roads(int[] r)
```

- r ：長度為 $n - 1$ 的陣列，其中包括了一個黃金集合中的道路標號（可以以任意的順序給出）。
- 該函數將返回 r 中的禦道數量。

例子

```
find_roads(4, [0, 0, 0, 1, 1, 2], [1, 2, 3, 2, 3, 3])
```

`find_roads(...)` `count_common_roads([0, 1, 2]) = 2` `count_common_roads([5, 1, 0]) = 3`



這個例子中有 4 個城市和 6 條道路。我們將連接城市 a 和 b 的道路表示為 (a, b) 。這些道路按照下面的順序被標為從 0 到 5： $(0, 1), (0, 2), (0, 3), (1, 2), (1, 3)$ 和 $(2, 3)$ 。每個黃金集合包含 $n - 1 = 3$ 條道路。

假設禦道是標號為 0, 1 和 5 的道路，即 $(0, 1), (0, 2)$ 和 $(2, 3)$ 。這樣的話：

- `count_common_roads([0, 1, 2])` 返回 2。該詢問涉及到標號為 0, 1 和 2 的道路，即 $(0, 1), (0, 2)$ 和 $(0, 3)$ 。其中有兩條道路是禦道。
- `count_common_roads([5, 1, 0])` 返回 3。該詢問涉及到所有的禦道。

函數 `find_roads` 需要返回 $[5, 1, 0]$ 或任意其他包含這三個元素且長度為 3 的陣列。

注意，下面列出的調用是不允許的：

- `count_common_roads([0, 1])`：這裡 r 的長度不是 3。
- `count_common_roads([0, 1, 3])`：這裡 r 不是一個黃金集合，因為無法僅沿道路 $(0, 1), (0, 2), (1, 2)$ 就從城市 0 走到城市 3。

限制條件

- $2 \leq n \leq 500$
- $n - 1 \leq m \leq n(n - 1)/2$
- $0 \leq u[i], v[i] \leq n - 1$ (對於所有 $0 \leq i \leq m - 1$)
- 對於所有 $0 \leq i \leq m - 1$ ，道路 i 連接兩個不同的城市 (即 $u[i] \neq v[i]$)。
- 每對城市之間至多連有一條道路。
- 經由這些道路，可以在任意一對城市之間來往。

- 所有的禦道組成一個黃金集合。
- `find_roads` 可以調用 `count_common_roads` 最多 q 次。在每次調用中，由 r 所給出的道路必須是一個黃金集合。

子任務

- (13分) $n \leq 7, q = 30\,000$
- (17分) $n \leq 50, q = 30\,000$
- (21分) $n \leq 240, q = 30\,000$
- (19分) $q = 12\,000$ ，在任意兩個城市之間都連有一條道路
- (30分) $q = 8000$

評測工具示例

評測工具示例將讀入下述格式的輸入資料：

- 第 1 行： $n \ m$
- 第 $2 + i$ 行（對於所有 $0 \leq i \leq m - 1$ ）： $u[i] \ v[i]$
- 第 $2 + m$ 行： $s[0] \ s[1] \dots \ s[n - 2]$

這裡 $s[0], s[1], \dots, s[n - 2]$ 是所有禦道的標號。

如果 `find_roads` 最多調用 `count_common_roads` 了 $30\,000$ 次，而且正確地返回了禦道的集合，評測工具示例將會輸出 YES。否則評測工具示例將會輸出 NO。

需要明確的是，評測工具示例中的函數 `count_common_roads` 不會檢查 r 是否滿足一個黃金集合的所有條件。相對應地，它會對陣列 r 中的禦道進行計數，並且返回。然而，在你提交的程式調用 `count_common_roads` 時，如果傳給它的不是對應某個黃金集合的標號集合，評測結果將會是 'Wrong Answer'.

技術提示

出於效率方面的考慮，面向 C++ 和 Pascal 的函數 `count_common_roads` 使用了傳引用調用 (call by reference) 的方式。你可以與平常一樣調用這個函數。評測工具確保不會改變 r 中的值。